

الامتحان الموحد لنهاية الدورة الأولى			
Examen normalisé de la fin du 1 ^{er} semestre			
Matière	MATHS	الرياضيات	المادة
Coefficient	4		المعامل
Année scolaire	2014 - 2015		السنة الدراسية
Niveau scolaire	1BAC ECO	السنة أولى باك علوم إقتصاد و تدبير	المستوى
Durée	2 HEURES	ساعتان	المدة الزمنية

التمرين الأول

(1) حل في المعادلتين : $x^2 - 3x - 10 = 0$ و $|y - 9| = 2$

(2) حل في النظام : $\begin{cases} 2x - y = 4 \\ -x + 3y = 3 \end{cases}$

(3) استنتج مجموعة حلول النظام : $\begin{cases} 2(x^2 - 3x - 7) - |y - 9| = 4 \\ (x^2 - 3x - 7) - 3|y - 9| - 3 = 0 \end{cases}$

التمرين الثاني

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة ب : $\begin{cases} u_0 = 3 \\ (\forall n \in \mathbb{N}) \left(u_{n+1} = 3 - \frac{9}{4u_n} \right) \end{cases}$

(1) أحسب u_1 .

(2) بين أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) \left(u_n > \frac{3}{2} \right)$.

(3) أدرس رتبة المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$.

(4) استنتج أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) \left(\frac{3}{2} < u_n \leq 3 \right)$.

(5) نضع : $(\forall n \in \mathbb{N}) \left(v_n = \frac{2}{2u_n - 3} \right)$.

أ- أحسب v_0 .

ب- بين أن المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ حسابية.

ت- أحسب v_n بدلالة n .

ث- بين أن : $(\forall n \in \mathbb{N}) \left(u_n = \frac{3}{2} \left(\frac{n+2}{n+1} \right) \right)$.

ج- أحسب بدلالة المجموع : $S_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$ بدلالة n حيث $n \in \mathbb{N}$.

التمرين الثالث

لتكن $f(x) = -x^2 + 2x - 2$ و $g(x) = \frac{-2x-6}{2x^2+1}$ والدالتين المعرفتين ب:

و (Cf) و (Cg) منحنياهما في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

(1) حدد مجموعتي تعريف كل من f و g . 0.5

(2) أعط جدولتي تغيرات كل من f و g . 1

(3) بين أن: $(\forall x \in Dg)(f(x) = g(x) \Leftrightarrow (x-2)(-2x^2-x-2) = 0)$. 1

(4) استنتج نقط تقاطع المنحنيين (Cf) و (Cg) . 1

(5) أنشئ المنحنيين (Cf) و (Cg) . 1.5

(6) حل مبيانيا المترابحة: $f(x) \geq g(x)$. 1

(7) نضع: $h(x) = f(|x|)$.

أ- أثبت أن الدالة h زوجية. 1

ب- أثبت أن: $(\forall x \geq 0)(h(x) = f(x))$. 1

ت- استنتج انطلاقا مما سبق منحنى الدالة h . 1